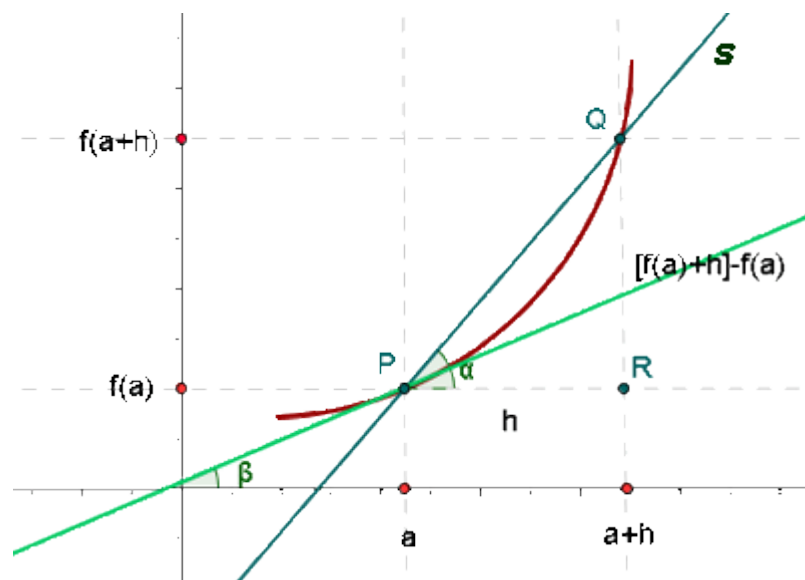


Derivada en un punto

La **derivada** de una función $f(x)$ en un **punto** $x = a$ es el **valor del límite**, si existe, del **cociente incremental** cuando el **incremento de la variable tiende a cero**.

$$f'(a) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\Delta y}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$$



Ejemplos

Calcular la **derivada** de la función $f(x) = 3x^2$ en el punto $x = 2$.

$$\begin{aligned} f'(2) &= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2+h) - f(2)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{3(2+h)^2 - 3 \cdot 2^2}{h} = \\ &= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{3(4 + 4h + h^2) - 12}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{3h^2 + 12h}{h} = \\ &\quad \lim_{h \rightarrow 0} (3h + 12) = 12 \end{aligned}$$

Hallar la **derivada** de la función $f(x) = x^2 + 4x - 5$ en $x = 1$.

$$\begin{aligned} f'(1) &= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h} = \\ &= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{(1+h)^2 + 4(1+h) - 5 - (1^2 + 4 \cdot 1 - 5)}{h} = \\ &= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{1 + 2h + h^2 + 4 + 4h - 5}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{h^2 + 6h}{h} = \\ &\quad \lim_{h \rightarrow 0} (h + 6) = 6 \end{aligned}$$